

Fonction `sort_students`

```
void sort_students(int** students_rank, int** students_array, int
students_number, int grades_number) {
    int i = 0, j = 0;
    for (i = 0; i < grades_number; i++) {
        int* grades = (int*) malloc(students_number * sizeof(int));
        for (j = 0; j < students_number; j++) {
            grades[j] = students_array[j][i];
        }
        bubblesort(grades, students_number);
        for (j = 0; j < students_number; j++) {
            students_rank[j][i] = find_rank_student(students_array[j][i],
grades, students_number);
        }
        free(grades);
    }
}
```

Analyse de la complexité :

1. Boucle externe :

- Cette boucle s'exécute pour chaque grade, soit `grades_number` itérations.

2. Allocation dynamique (`malloc`) :

- Elle est appelée une fois par itération de la boucle externe. Selon l'hypothèse donnée, sa complexité est $O(1)O(1)$.

3. Boucle interne pour copier les grades :

- Cette boucle s'exécute `studentsnumberstudents_number` fois pour chaque itération de la boucle externe.
- Complexité : $O(studentsnumber)O(students_number)$.

4. Appel à `bubblesort` :

- La complexité du tri à bulles est $O(studentsnumber^2)O(students_number^2)$, car c'est un tri quadratique.

5. Boucle interne pour appeler `find_rank_student` :

- Appelée `studentsnumberstudents_number` fois.
- La fonction `find_rank_student` inclut un appel à `bubblesort` (déjà analysé) suivi d'une recherche dans le tableau trié.
- Recherche : $O(studentsnumber)O(students_number)$.
- Donc, la complexité de `find_rank_student` est $O(studentsnumber^2)O(students_number^2)$ (dû à `bubblesort`).

Ainsi, pour chaque appel à `find_rank_student`, la complexité totale de cette boucle est $studentsnumber \cdot O(studentsnumber^2) = O(studentsnumber^3)students_number \cdot O(students_number^2) = O(students_number^3)$.

6. Libération de mémoire (`free`) :

- Selon l'hypothèse donnée, sa complexité est $O(1)O(1)$ et elle est appelée une fois par itération.

Complexité totale :

- Pour chaque itération de la boucle externe :
 - Copie des notes : $O(\text{studentsnumber})O(\text{students_number})$
 - Tri avec `bubblesort` : $O(\text{studentsnumber}^2)O(\text{students_number}^2)$
 - Boucle interne avec `find_rank_student` :
 $O(\text{studentsnumber}^3)O(\text{students_number}^3)$
 - Total pour une itération : $O(\text{studentsnumber}^3)O(\text{students_number}^3)$.
- La boucle externe s'exécute `gradesnumbergrades_number` fois, donc la complexité totale est :

$$O(\text{gradesnumber} \cdot \text{studentsnumber}^3)O(\text{grades_number} \cdot \text{students_number}^3)$$

Résultat final :

Complexité de `sort_students` : $O(\text{gradesnumber} \cdot \text{studentsnumber}^3)O(\text{grades_number} \cdot \text{students_number}^3)$.